Ein Beitrag zur Frage der Verformung des Betons*)

Von Justus Bonzel, Düsseldorf

Übersicht

Jede Beanspruchung durch äußere Belastung hat bei Beton einen räumlichen Spannungs- und Verformungszustand zur Folge, der bei einachsigen Druckprüfungen so ausgeprägt ist, daß der Bruch durch Überschreiten der Zugfestigkeit eingeleitet wird. Bel Zugversuchen kann aber – abgesehen von örtlichen, durch die Inhomogenität des Betons bedingten Spannungs- und Verformungskonzentrationen – in der Regel ein einachsiger Spannungs- und Verformungszustand auch im Beton angenommen werden, weil die sich beim Zugversuch ergebenden Druckbeanspruchungen und Querstauchungen wegen der großen Druckfestigkeit und der kleinen Zugfestigkeit des Betons sehr gering sind. Dies gilt allerdings nicht für den Lasteinleitungsbereich beim Spaltzugversuch.

Nach bisherigen Erfahrungen verhält sich Beton beim Kurzzeit-Belastungsversuch und bei schnelleren Belastungsvorgängen selbst im Bruchzustand wie ein spröder Stoff. Die aus der Krümmung der o-ε-Linie des Kurzzeit-Belastungsversuches hervorgehende bleibende Verformung oberhalb der Gebrauchslasten ist nicht auf ein Kriechen des Betons, sondern auf die Bildung von Rissen im Beton zurückzuführen.

Art und Größe der im Einzelfall auftretenden Verformung sind insbesondere von Art, Zusammensetzung, Festigkeit, Hydratationsund Feuchtigkeitszustand des Betons sowie von Art, Größe und Dauer der Beanspruchung abhängig. Bei Versuchen des Forschungsinstituts der Zementindustrie war die Querdehnung beim Druckversuch an üblichem Klessandbeton bis zur kritischen Beanspruchung (etwa 70 bis 90 % von σ_{max}) deutlich kleiner, im Bruchzustand aber deutlich größer als die Längsstauchung. Die Dehnung beim Biegeversuch war etwa doppelt so groß wie die beim Zugversuch, aber deutlich kleiner als die Querdehnung beim Druckversuch. Betone mit kleinerem Zuschlaggrößtkorn und höherem Zementgehalt wiesen im allgemeinen bis zur kritischen Beanspruchung etwas größere, danach aber kleinere Dehnungen auf. Das Verformungsverhalten von Leichtbeton mit geschlossenem Gefüge war dem des Zementsteins sehr ähnlich.

^{*)} Nach einem Vortrag unter Berücksichligung noch nicht veröffentlichter Versuche bei einer Vortragsveranstaltung des Forschungsinstituts der Zementindustrie anlä
ßlich der Verabschiedung von Herrn Professor Walz am 26. 5, 1970 in Düsseldorf.

1. Allgemeines

Die Verformung gehört neben der Festigkeit und der Dichtigkeit zu den Haupteigenschaften des Betons, auf die sich die meisten übrigen Eigenschaften des erhärteten Betons ganz oder teilweise zurückführen lassen. Die wesentlichsten, hier zu beachtenden stofflichen Einflußgrößen für die Betoneigenschaften ergeben sich aus der Betrachtung des Betons als Zweistoffsystem, es sind dies

- a) die Eigenschaften des Zementsteins (einschließlich der Dicke der Zementsteinschichten),
- b) die Eigenschaften des Zuschlags und
- c) die Haftung zwischen Zementstein und Zuschlag.

Diese wesentlichsten stofflichen Einflußgrößen sind von zahlreichen weiteren Einflußgrößen, wie z. B. Zement, W/Z-Wert, Verdichtung und Nachbehandlung, abhängig. Ihre Bedeutung ist jedoch nicht für alle Betoneigenschaften gleich, siehe u. a. [1].

Die Festigkeit des Betons gilt je nach Anwendungsfall allgemein als die wesentlichste Voraussetzung für die Tragfähigkeit des damit hergestellten Bauteils. Überschreitet die Beanspruchung die Festigkeit, so wird der Beton zerstört. Beton, der die auf ihn einwirkende Beanspruchung aufnimmt, verformt sich unter dieser Beanspruchung, d. h. die mit ihm hergestellten Bauteile verändern mit wachsender Beanspruchung zunehmend ihre Abmessungen und ihr Volumen (Formänderungen). Formänderungen können am Frischbeton, am jungen Beton und am erhärteten Beton auftreten. Alle Formänderungen setzen eine Beanspruchung des Betons durch einen inneren Spannungszustand voraus, dessen Ursache meist äußere Einwirkungen sind, aber auch innere Vorgänge sein können. Schon im äußerlich unbelasteten Zustand können z.B. durch Hydratation, Carbonatisierung, Wasserentzug, Wassereinwirkung oder Temperaturänderungen Verformungen, wie z.B. Schrumpfen, Schwinden, Quellen und Temperaturverformungen, auftreten.

Auch jede Beanspruchung durch äußere Belastung hat einen räumlichen Spannungs- und Verformungszustand zur Folge. Im Kurzzeit-Belastungsversuch unterscheidet man die elastische und die bleibende Verformung, unter Dauerlast die elastische Verformung und das Kriechen. Bleibende Verformung und Kriechen setzen sich zusammen aus der "eigentlich bleibenden Verformung", die bei der Dauerlasteinwirkung überwiegend aus dem sog. "Flie-Ben" besteht, bei der Prüfung des Betons im Kurzzeitversuch aber vorwiegend durch die Entstehung von Rissen im Beton verursacht wird, und aus der sog. "verzögerten elastischen Verformung", die etwa 10 bis 15 % der elastischen Verformung ausmachen kann. siehe u. a. [2]. Art und Größe der Verformungen sind insbesondere abhängig von Art, Zusammensetzung, Festigkeit und Hydratations- und Feuchtigkeitszustand des Betons sowie von Art, Höhe und Dauer der Beanspruchung. Zwischen Verformung und Festigkeit bzw. Beanspruchung besteht ein enger Zusammenhang. Stoffgerechtes Konstruieren setzt daher die Kenntnis des Festigkeitsund des Verformungsverhaltens voraus.

2. Beanspruchung im Beton und Verformung

Für das Verhalten des Betons bei Beanspruchungen ist es von Bedeutung, daß Beton ein nichthomogener Stoff ist. Bei ihm kann bestenfalls eine gleichmäßige Verteilung seiner beiden Hauptbestandteile Zementstein und Zuschlag angenommen werden, die in der Regel sehr unterschiedliche Eigenschaften aufweisen. Es kommt hinzu, daß auch der Zuschlag für einen bestimmten Beton meist aus unterschiedlichem Gestein besteht und Körner sehr verschiedener Größe aufweist. Im Konglomerat Beton ist daher der Kräfteverlauf recht kompliziert. Er ist insbesondere abhängig vom Anteil des Zementsteins und des Zuschlags, von der Festigkeit und dem Verformungsvermögen der beiden Komponenten, von der Haftung zwischen beiden und von der Kornverteilung des Zuschlags, Bei Beton mit üblichem Mischungsverhältnis und mit Zuschlägen aus Gestein, dessen Festigkeit und Elastizitätsmodul wesentlich größer sind als die des Zementsteins, werden z.B. äußere Druckkräfte im wesentlichen vom Zuschlaggerüst als Stützkräfte aufgenommen, da die Zuschläge den Druckkräften einen größeren Widerstand entgegensetzen als der Zementstein, siehe Bild 1, linker Teil. Durch schräge Stützkräfte entsteht im Innern des Betons ein räumlicher Spannungszustand, der nicht nur Längs-, sondern auch Querverformungen und Risse im Beton zur Folge hat. Er führt zum Bruch des Probekörpers, wenn die dabei entstehenden Schub- und Zugkräfte vom Zementstein bzw. der Haftung zwischen Zementstein und Zuschlag nicht mehr aufgenommen werden können. Dies bedeutet, daß bei Beton mit Zuschlag aus festem, dichtem Gestein die Druckfestigkeit in erster Linie von der Festigkeit des Zementsteins bestimmt wird, die Längsverformung (Stauchung) beim Druckversuch aber in erster Linie vom Verformungsvermögen des Zuschlags. So ist z. B. der Druck-Elastizitälsmodul von Basaltbeton deutlich größer als der von üblichem Kiessandbeton gleicher Druckfestigkeit und sonst aleicher Zusammensetzung.

Andere Verhältnisse liegen vor bei Beton mit wenig festem, aber verformbarerem Zuschlag, wie z. B. bei Leichtbeton mit geschlos-



Bild 1 Krältefluß in Beton mit geschlossenem Gelüge bei Einwirken von Drucklasten nach G. Wischers [3] senem Gefüge (siehe Bild 1, rechter Teil), und bei Beton mit dikkeren Zementsteinschichten. Im Falle des Leichtbetons mit geschlossenem Gefüge müssen die Zementstein- bzw. Feinmörtelschichten, die zwar dünn, aber weniger verformbar sind als der Leichtzuschlag, den Hauptteil der äußeren Druckkräfte aufnehmen und weiterleiten. Beim Leichtbeton mit geschlossenem Gefüge und beim Beton mit dickeren Zementsteinschichten wirken sich die Eigenschaften des Zementsteins auch stärker auf die Verformungen des Betons aus.

Die makroskopische Betrachtung beschreibt, z. B. durch die Festigkeit und die Verformung, das äußerlich erkennbare Verhalten des Betons bei Beanspruchung, das auch von Struktureinflüssen (wie z. B. von Art, Kornzusammensetzung und Größtkorn des Zuschlags, von der Dicke der Zementsteinschichten, von Rissen und von Stellen nicht einwandfreier Betonbeschaffenheit) abhängig ist, die im Innern des Betons ungleichmäßige Spannungs- und Verformungsverteilung zur Folge haben und zu örtlichen Spannungskonzentrationen (Spannungsspitzen) und zu örtlicher Rißbildung führen können. Durch Modellversuche und spannungsoptische Untersuchungen, siehe u.a. [4, 5], ist bekannt, daß die Spannungen zwischen Matrix (Zementstein oder Feinmörtel) und Grobzuschlag um so größer sind, je größer und kantiger (weniger rund) das Zuschlagkorn und je geringer der Absland zwischen großen Zuschlagkörnern ist. Nach Dantu [6] kann z. B. die maximale Spannung im Innern üblichen Betons rd. das 3fache der Durchschnittsspannung und die maximale Dehnung rd. das 5fache der Durchschnittsdehnung betragen.

3. Verformung infolge Belastung beim Kurzzeitversuch

3.1 Versuche

Im Forschungsinstitut der Zementindustrie laufen seit mehreren Jahren umfangreiche Untersuchungen über den Einfluß der inneren Spannungsverteilung auf das Tragverhalten von druckbeanspruchtem Beton, siehe [5], und über das Festigkeits- und das Verformungsverhalten von Beton. Bei den zuletzt genannten Versuchen wurde u.a. der Frage nachgegangen, wie sich die Beanspruchungsart und die Belonzusammensetzung auf die Verformung von Beton auswirken. Untersucht wurden dabei Belone mit Zementgehalten zwischen 256 und 360 kg/m3, mit W/Z-Werten von 0.50 und 0.70, mit Kiessand, Quarzitsplitt, Kalksteinsplitt und Blähschiefer als Zuschlag. Das Zuschlaggrößtkorn lag zwischen 3 und 50 mm. Die Kornzusammensetzung des Zuschlaggemisches entsprach stetigen Sieblinien im besonders guten oder im brauchbaren Bereich oder einer Ausfallkörnung. Einbezogen wurden auch Zusätze (Verzögerer, Kunststoffzusätze). Die Betone wurden rd, 2 Minuten im Zwangmischer gemischt. Die Frischbetontemperatur betrug 18 bis 22 °C, im Mittel 20 °C. Die Konsistenz des Frischbetons entsprach K 1/K 2 und bei Beton mit einem Betonzusatz K 2/K 3.

Am erhärteten Beton wurden u.a. folgende Versuche durchgeführt: Druckversuche mit Würfeln von 20 cm Kantenlänge und mit Zylindern 15/30 cm. Biegezugversuche mit Balken 15/10/70 cm. 15/15/70 cm und 20/20/90 cm, Spaltzugversuche mit Zvlindern 15/30 cm und Zugversuche mit Zylindern 15/30 cm. Die Probekörper wurden nach DIN 1048. Blatt 1. vorgesehene Neufassung 1971, hergestellt. Abweichend hiervon wurde der Beton in zwei Lagen eingebracht. Die Balken wurden mit einem Innenrüttler, die Würfel und Zylinder auf einem Rütteltisch praktisch vollständig verdichtet. Die Probekörper für die Biegezug-, Spaltzugund Zugprüfung lagerten bis zur Prüfung unter Wasser von 20 °C. die Probekörper für die Druckprüfung teils ebenfalls unter Wasser, teils aber auch 7 Tage unter feuchten Tüchern und anschließend bis zur Prüfung an Luft bei 20 °C und 65 % rel. Luftfeuchtigkeit. Die Druckfestigkeit wurde nach DIN 1048, Ausgabe 1943x, ermittelt, die Biegezugfestigkeit und die Spaltzugfestigkeit nach DIN 1048, Blatt 1, vorgesehene Neufassung 1971. Bei der Prüfung der Biegezugfestigkeit wurden Balken aller Größen bei einer



Bild 2 Versuchsanordnung beim Zugversuch am Betonzylinder 15/30 cm



Bild 3 Betonzylinder 15/30 cm nach Auftreten des Bruches beim Zugversuch

Stützweite von 60 cm sowohl mit einer Einzellast in Stützweitenmitte (zentrische Einzellast) als auch mit je einer Einzellast in den Drittelspunkten der Stützweite (Drittelspunktbelastung) belastet. Bei der Spaltzugprüfung wurden für die Lastübertragung Streifen aus Hartfaserplatten verwendet.

Die Versuchsanordnung beim Zugversuch ist auf den Bildern 2 und 3 dargestellt, siehe auch [7]. Die Belastungsgeschwindigkeit entsprach der bei der Spaltzugprüfung. Zur Übertragung der Zugkraft wurde auf jede der beiden vorher aufgerauhten Stirnflächen des Zylinders eine rd. 5 cm dicke Stahlplatte mit einem geeigneten Epoxidharz aufgeklebt. Jede der beiden Stahlplatten wurde mit einer zweiten, rd. 5 cm dicken Stahlplatte fest verschraubt, die mit einer zentrisch angeordneten Stahlstange mit kugeligem Kopf und kalottenartiger Lagerung versehen war und die Zugkraft der Prüfmaschine zentrisch und zwängungsfrei übertragen konnte. Nicht immer trat jedoch die Bruchstelle des Zylinders so schön in der Mitte wie auf Bild 3 auf, z. T. lag der Bruch auch sehr nahe an einer Stirnfläche des Zylinders. Ein solcher Bruch beeinflußte die Zugfestigkeit nicht merklich, doch war die Zugdehnung dann in der Regel deutlich geringer.

Alle Verformungen wurden vorwiegend mit 15 cm langen Dehnungsmeßstreifen (300 Ohm Widerstand) gemessen, und zwar bei der Druckprüfung die Quer- und die Längsverformung mindestens an zwei Seitenflächen des Würfels bzw. zwei Stellen der Mantelfläche des Zylinders, bei der Biegezugprüfung auf Unterseite und Seitenflächen der Balken im Bereich der Lasteinleitungsstellen, bei der Zugprüfung mindestens an drei Stellen der Mantelfläche des Zylinders und bei der Spaltzugprüfung mindestens auf beiden Stirnflächen des Zylinders. Die 28-Tage-Druckfestigkeit aller Betone lag bei den 7 Tage feucht und 21 Tage an Luft gelagerten 20-cm-Würfeln zwischen 286 und 532 kp/cm² und bei den bis zur Prüfung in Wasser gelagerten Zylindern 15/30 cm zwischen 228 und 428 kp/cm². Die 28-Tage-Werte der dauernd in Wasser gelagerten Probekörper betrugen für die Zugfestigkeit 19 bis 32 kp/cm², für die Spaltzugfestigkeit 21 bis 38 kp/cm², für die Biegezugfestigkeit von Balken 15/15/70 cm 34 bis 58 kp/cm² bei Drittelspunktbelastung und 38 bis 62 kp/cm² bei zentrischer Einzellast. Einige Ergebnisse der Verformungsmessungen werden in den Abschnitten 3.2 bis 3.4 erörtert. Über weitere Einzelheiten der Zusammensetzung, Herstellung und Eigenschaften des Betons sowie der Versuchsdurchführung wird zu gegebener Zeit berichtet.

3.2 Verformung beim Druckversuch

In Bild 4 sind die beim Druckversuch an Zylindern 15/30 cm aus Beton mit einem Zementgehalt von 300 kg/m3, einem W/Z-Wert von 0.50 und einem Kiessandgemisch etwa in der Mitte des besonders guten Sieblinienbereichs (A/B 30) auftretende Längsstauchung und Querdehnung in Abhängigkeit von der Druckspannung aufgetragen. Die Längsstauchung nahm etwa bis zu einer Druckspannung von 80 bis 85 % von gmax linear mit der Druckspannung zu und danach bis zu σ_{max} wesentlich stärker. Die sich bis zum Bruch ergebende maximale Längsstauchung, die sog. Bruchstauchung, betrug 2440 uD (das sind 2,44 %), sie liegt damit in dem für die Längsstauchung beim Druckversuch bekannten Bereich von 2 bis 3 % Die Querdehnung machte zunächst nur einen Bruchteil der Längsstauchung aus, nahm aber bei einer Druckspannung von 90 bis 95 % von omax sehr stark zu, erreichte bei omax bereits den Wert der Längsstauchung und war beim Bruch mit 5730 uD (das sind 5,73 %) 2,35mal so groß wie die





Längsstauchung. Der Bruch wurde dadurch eingeleitet, daß die Querzugspannung von der Haftung zwischen Zementstein und Zuschlag und vom Zementstein nicht mehr aufgenommen werden konnte. Für die Ermittlung der Bruchverformung war der Bruchzustand — auch bei den Versuchen nach den Abschnitten 3.3 und 3.4 — durch die Dehnung gekennzeichnet, die zum Bruch des Dehnungsmeßstreifens führte. Diese zum Bruch des Dehnungsmeßstreifens führende Dehnung wurde bestimmt durch einen zum Bruch des Betons führenden Riß im Beton. Kennzeichnend dafür war daher die an der örtlich eng begrenzten Bruchstelle auftretende Dehnung, aber nicht die Gesamtdehnung des 15 cm langen Meßstreifens, die je nach Beanspruchungsart sehr unterschiedlich groß sein kann (siehe auch Abschnitt 3.3).

Nach den bisherigen Feststellungen verhält sich Beton bei üblichen Kurzzeit-Belastungsversuchen und bei schnelleren Belastungsvorgängen selbst im Bruchzustand wie ein spröder Stoff. Nennenswerte Fließerscheinungen des Zementsteins treten nur unter Dauerlast auf, d. h. sie tragen zum Kriechen des Betons bei. Die aus der Krümmung der Spannungs-Verformungs-Linie (σ - ϵ -Linie) des Kurzzeit-Belastungsversuches erkennbare bleibende Verformung ist nicht auf ein Kriechen, sondern auf die Bildung bzw. Veränderung von Rissen im Beton zurückzuführen. Dies wird auch durch die Krümmungsumkehr der σ - ϵ -Linie bei wiederholter Belastung zunächst die bereits vorhandenen Mikrorisse geschlossen werden.

Mikrorisse sind - meist als Mikro-Haftrisse zwischen Matrix (Zementstein oder Feinmörtel) und Grobzuschlag - in der Regel bereits im nicht durch äußere Lasten beanspruchten Beton vorhanden. Sie können durch Entmischen und Wasserabsondern des Frischbetons und durch Volumenänderungen des Zementsteins, z. B. durch Hydratation, Temperaturänderungen, Schwinden und Quellen, verursacht sein, Nach Aufbringen äußerer Belastung verlängern sich die Mikrorisse, und es bilden sich weitere. Wie auch aus der Linearität der o-e-Linie zu erkennen ist, beeinträchtigen diese Mikrorisse die Tragfähigkeit des Betons praktisch nicht. Sogenannte Matrixrisse - d. h. Risse, die durch den Zementstein bzw. den Feinmörtel hindurchgehen - und Makrorisse treten vorwiegend oberhalb der Gebrauchslasten auf. Etwas unterhalb der im Kurzzeitversuch ermittelten Festigkeit wird ein Punkt kritischer Beanspruchung erreicht, bei dem die Makrorißbildung so stark zunimmt, daß der Bruch bereits eingeleitet ist und auch ohne weitere Lastzunahme eintreten wird. Diese kritische Beanspruchung ist nach bisherigen Erkenntnissen mit der Dauerfestigkeit des Betons identisch und liegt je nach Betonzusammensetzung und Beanspruchungsart etwa zwischen 70 und 90 % der im Kurzzeitversuch ermittelten Festigkeit. Bei dieser kritischen Beanspruchung weicht auch die o-r-Linie sehr stark von der Linearität ab und geht die sich beim Druckversuch mit zunehmender Belastung ergebende Volumenverringerung wegen der zahlreichen Makrorisse in eine Volumenvergrößerung über, siehe auch [8 bis 11]. Beim Druckversuch des vorliegenden Beispiels lag die stärkere Abweichung der σ - ϵ -Linie von der Linearität und der Übergang von der Volumenverringerung zur Volumenvergrößerung bei etwa 85 % von σ_{max} .

Für die Beurteilung des Betons ist das Verformungsverhalten bis zur kritischen Beanspruchung von besonderer Bedeutung. Die sich oberhalb der kritischen Beanspruchung ergebenden Verformungen (wie z. B. die Verformung bei Höchstlast $\varepsilon_{omäx}$ und die Bruchverformung ε_{max}) folgen zwar auch einer gewissen Gesetzmäßigkeit (siehe auch Abschnitte 3.3 und 3.4), erscheinen aber für die Beurteilung des Betons weniger aussagekräftig, da dann bereits eine nennenswerte Gefügelockerung durch die Rißbildung vorliegt und der Bruch bereits eingeleitet ist. Ursache der Rißbildung infolge Belastung sind Spannungskonzentrationen, die in erster Linie durch das unterschiedliche Verformungsvermögen von Zementstein und Zuschlag bedingt sind.

3.3 Einfluß der Beanspruchungsart

In Tafel 1 ist die sich infolge Belastung ergebende Verformung a von üblichem Kiessandbeton (Zementgehalt 300 kg/m³, W/Z-Wert 0.50. Zuschlagkornzusammensetzung etwa in der Mitte des besonders guten Sieblinienbereichs A/B 30) in Abhängigkeit von der Beanspruchungsart angegeben. Dort finden sich außer der bereits in Abschnitt 3.2 behandelten Längsstauchung und Querdehnung beim Druckversuch auch die Dehnung der Balkenunterseite beim Biegezugversuch mit Drittelspunktbelastung und mit zentrischer Einzellast, die Dehnung der Zylinderstirnflächen beim Spaltzugversuch und die Dehnung der Zylindermantelflächen beim Zugversuch. Unterhalb der Höchstlast (omax) war die Längsstauchung am größten, im Bruchzustand (siehe Abschnitt 3.2) die beim Druckversuch ermittelte Querdehnung. Die Querdehnung beim Druckversuch nahm im Bereich oberhalb der kritischen Beanspruchung (siehe Abschnitt 3.2) deutlich mehr zu als alle anderen Verformungen und betrug bei Höchstlast und im Bruchzustand ein Vielfaches der Dehnungen der Biegezug-, der Spaltzug- und der Zugversuche. Die im Vergleich zu den Dehnungen der übrigen Versuche sehr großen Querdehnungswerte lassen vermuten, daß beim Druckversuch die maximale Zugbeanspruchung vermutlich wegen des ausgeprägten mehrachsigen Spannungszustandes noch bis kurz vor dem Bruch (siehe Abschnitt 3.2) auf ganzer Meßlänge auftritt und daher auch eine größere Dehnung auf ganzer Meßlänge zur Folge hat. Bei den Zugversuchen dagegen dürfte sich die maximale Zugbeanspruchung nach Erreichen der kritischen Beanspruchung nicht auf die ganze Meßlänge, sondern auf die spätere, eng begrenzte Bruchstelle konzentrieren, womit eine gewisse Entlastung und damit auch eine geringere Dehnung der bruchfreien Stellen verbunden ist. Die Dehnungen beim Biegezugversuch erwiesen sich praktisch als unabhängig von der Belastungsart (Drittelspunktbelastung D und zentrische Einzellast E) und von den Probekörperabmessungen (Balken 15/10/70 cm. 15/15/70 cm und 20/20/90 cm). Sie waren stets rd. doppelt so groß wie die Dehnungen beim Zugversuch. Die Dehnung beim

Tafel 1 Verformung von Kiessandbeton mit Z = 300 kg/m³, W/Z = 0,50 und Sieblinie A/B 30 in Abhängigkeit von der Beanspruchungsart

Spannung	Druckversuch Zylinder 15/30 cm		15/10	Gesamtverfo Dehni 1/70 cm	rmung ‡ infolg ung beim Bieg 15/15	nung i infolge Belastung in //D bei ig beim Biegeversuch an Balken 15/15/70 cm 20		1/90 cm	Spaltzug- versuch Zvlinder	Zugversuch
	Längs- stauchung	Quer- dehnung	Drittels- punktbel.	Zentrische Einzellast	Drittels- punktbel.	Zentrische Einzellast	Drittels- punktbel.	Zentrische Einzellast	15/30 cm Dehnung	15/30 cm Dehnung
33	467	95	66	48	51	56	65	63	34	25
50	589	154	98	89	87	85	83	91	43	41
67	971	218	119	117	109	115	106	120	72	56
80	1112	353	154	144	149	139	131	151	77	72
90	1372	529	195	176	171	173	160	180	99	86
100	2180	2206	271	248	263	284	267	269	308	156
a, max	2442	5730	564	577	556	620	611	613	621	332

42

Spaltzugversuch war bis kurz vor der Höchstlast nur 5 bis 36 % größer, bei Höchstlast und im Bruchzustand aber rd. doppelt so groß wie die Dehnung beim Zugversuch. Die Bruchdehnung betrug beim Biegezug- und beim Spaltzugversuch rd. 600 μ D (das sind 0,6 %) und beim Zugversuch rd. 300 μ D (das sind 0,3 %).

Die maximale Verformung im Bereich der Gebrauchslasten machte bei allen Beanspruchungsarten nur einen Bruchteil der Bruchverformung aus; sie betrug bei der Längsstauchung rd. 20 %, bei der Querdehnung rd. 2 % und bei den Dehnungen der Biegezug-Spaltzug- und Zugversuche rd. 6 bis 12 % der Bruchverformung. Selbst bis zur kritischen Beanspruchung erreichte die Längsstauchung nur 46 %, die Querdehnung nur 6 %, die Spaltzugdehnung nur 12 % und die Dehnungen der Biegezug- und der Zugversuche nur 21 bis 27 % der Bruchverformung. Für die verschiedenen Beanspruchungsarten ergab sich, wenn man den Spaltzugversuch ausnimmt, annähernd ein konstanter Verhältniswert zwischen Festigkeit und Verformung bei Höchstlast. Für die Querdehnung des Druckversuches galt dies jedoch nur, wenn dabei die Druckfestigkeit und nicht die Querzugfestigkeit zugrunde gelegt wurde.

Wie aus Bild 5 hervorgeht, in dem Spannung und Verformung in % ihrer Werte bei Höchstlast aufgetragen sind, war der Anstieg der σ - ϵ -Linie bei den Biegezugversuchen und beim Zugversuch etwa gleich. Eine deutliche Ausnahme hiervon machten die Dehnungen der Versuche, bei denen trotz einachsiger äußerer Lasteinwirkung ein ausgeprägter mehrachsiger Spannungszustand vorlag. Die Zunahme der auf die Werte bei Höchstlast bezogenen Querdehnung des Druckversuches und Dehnung des Spaltzug-









versuches war elwa bis zu einer Spannung von 85 % von σmax deutlich geringer, danach aber deutlich größer als bei allen übrigen Verformungen. Aus Bild 6, in dem die Absolutwerte der Spannungen und Verformungen aufgetragen sind, kann gefolgert werden, daß der beim Druckversuch und beim Spaltzugversuch vorhandene, ausgeprägte mehrachsige Spannungszustand Abweichungen vom Verhalten bei anderen Beanspruchungsarten nur im Bereich oberhalb der kritischen Beanspruchung bewirkt. Bei Auftrag der Absolutwerte von Spannung und zugehöriger Verformung (siehe Bild 6) war der Anstieg der o-E-Linie, d.h. das Verhältnis zwischen Spannung und Dehnung, bei allen Versuchen und Verformungen bis zum Punkt größerer Abweichung von der Linearität annähernd gleich. Eine Ausnahme davon machte im linearen Verlauf nur die Querdehnung des Druckversuches. Dies dürfte darauf zurückzuführen sein, daß die Querdehnung in Abhängigkeit von der Druckspannung und nicht von der Querzugspannung aufgetragen wurde.

In Bild 7 ist die σ -ε-Linie für den Bereich der Bruchstelle (Meßstelle 1) und für den äußerlich gleich beanspruchten, bruchfreien Bereich (Meßstelle 2) von Balken 15/15/70 cm aufgetragen, die dem Biegezugversuch mit Drittelspunktbelastung ausgesetzt waren. Die Versuchsanordnung geht aus der Skizze in Bild 7 hervor. Bis zu einer Belastung von rd. 70 % von σ_{max} war die an der Balkenunterseite gemessene Biegezugdehnung für beide Meßstellen praktisch gleich. Etwa ab 80 % von σmax nahm die Dehnung im Bereich der späteren Bruchstelle (Meßstelle 1) deutlich stärker zu als im bruchfreien Bereich (Meßstelle 2). Die o-e-Linie des bruchfreien Bereichs, der aufgrund der gewählten Versuchsanordnung genauso beansprucht wurde wie der Bereich mit der späteren Bruchstelle, war während des ganzen Biegezugversuches geradlinig, so daß bleibende Verformung bzw. die Betonbeschaffenheit beeinträchtigende Risse durch den Biegezugversuch im bruchfreien Bereich nicht aufgetreten sein dürften. - Bild 8 zeigt das gleiche für den Zugversuch. Beim Zugversuch an Zylindern 15/30 cm (Anordnung der Meßstreifen siehe Skizze in Bild 8) war die Dehnung im Bereich der Bruchstelle (Meßstelle 1) bis zu einer Belastung von etwa 90 % von σmax annähernd gleich der Dehnung im bruchfreien Bereich (Meßstelle 2). Erst danach nahm die Dehnung im Bereich mit der späteren Bruchstelle deutlich mehr zu als im bruchfreien Bereich. Jedoch war auch die o-e-Linie des bruchfreien Bereichs oberhalb einer Belastung von 80 % nicht



Bild 7 σ-ε-Linie von Betonbalken 15/15/70 cm beim Biegeversuch mit Drittelspunktbelastung



Bild 8 o-e-Linie von Betonzylindern 15/30 cm beim Zugversuch





mehr linear, so daß auch hier bleibende Dehnung bzw. Risse in geringerem Umfang im Beton aufgetreten sein dürften.

Der Einfluß einer sehr langsamen konstanten Verformungsgeschwindigkeit beim Prüfen des Betons ist aus Bild 9 zu erkennen, in dem die beim Zugversuch mit einer konstanten Verformungsgeschwindigkeit von $v \approx 0.25 \,\mu\text{D/s}$ an einem Zvlinder 15/30 cm ermittelte Dehnung des Bruchbereichs (Meßstelle 2) und des Bereichs, in dem ein sichtbarer Bruch nicht auftrat (Meßstellen 1 und 3), aufgetragen worden ist. Bis zum Erreichen der Höchstlast entsprachen die Spannungs-Dehnungs-Linien der Meßstellen etwa denen des normalen Zugversuchs, siehe auch Tafel 1 und Bild 8. Auch die Dehnung bei Höchstlast eomax wies mit knapp 100 µD die gleiche Größenordnung auf. Durch das Prüfen mit sehr langsamer konstanter Verformungsgeschwindigkeit konnte aber der Versuch auch nach Erreichen der Höchstlast noch länger fortgesetzt und das Auftreten des nach Abschnitt 3.2 definierten Bruches hinausgezögert werden. Nach Erreichen der Höchstlast nahm die Lastaufnahme des Probekörpers allerdings mit zunehmender Versuchsdauer und wachsender Dehnung deutlich ab, weil das Betongefüge bereits wesentlich geschädigt war. Der erste äußerlich erkennbare Riß wurde jedoch erst bei einer Dehnung von 700 µD (0,7 %) im Bereich des Meßstreifens 2 festgestellt. Die Bruchdehnung, die beim üblichen Zugversuch am gleichen Beton 332 µD = 0,332 % betrug (siehe Bild 8), erreichte bei diesem Versuch rd. 1200 uD = 1,2 % und war damit fast viermal so groß wie die Bruchdehnung beim Zugversuch mit üblicher Belastungsgeschwindigkeit. Während beim üblichen Zugversuch die Meßstelle mit der späteren Bruchstelle in der Regel schon bald, spätestens aber bei Erreichen der kritischen Beanspruchung die größere Verformung erbrachte, wies beim Prüfen mit sehr langsamer Verformungsgeschwindigkeit die spätere Bruchstelle (Meßstelle 2) auch nach Erreichen der Höchstlast zunächst noch eine geringere Dehnung auf als die Meßstelle 1, in deren Bereich ein sichtbarer Bruch nicht auftrat. Bemerkenswert ist auch, daß die eine Meßstelle ohne sichtbaren Bruch (Meßstelle 3) selbst nach Erreichen der Höchstlast praktisch keine, die andere Meßstelle ohne sichtbaren Bruch (Meßstelle 1) aber eine ausgeprägte bleibende Dehnung zeigte. Bei allen Kurzzeit-Belastungsversuchen und Beanspruchungsarten nahm die Dehnung im Bereich der späteren Bruchstelle unmittelbar nach Erreichen der kurz unterhalb der Höchstlast liegenden kritischen Beanspruchung (siehe Abschnitt 3.2) so stark zu, daß zu diesem Zeitpunkt eine weitgehende Gefügezerstörung durch Rißbildung im Beton angenommen werden muß. Auch die Dehnung bei Höchstlast und im Bruchzustand (siehe Abschnitt 3.2) der Kurzzeit-Belastungsversuche folgten einer gewissen Gesetzmäßigkeit. Sie dürften aber für die Beurteilung der Gebrauchseigenschaften des Betons weniger bedeutend sein, da zu diesem Zeitpunkt der Bruch bereits eingeleitet ist (siehe auch Abschnitt 3.2).

3.4 Einfluß der Betonzusammensetzung

Da die Verformung bei 2/3 omax annähernd das Verformungsverhalten des Betons bis zur kritischen Beanspruchung kennzeichnet, sich die Verformung bei Höchstlast (ε_{max}) und die Verformung beim Bruch (ε_{max}) jedoch meist anders verhalten, wurden zur Beurteilung des Einflusses der Betonzusammensetzung diese drei Verformungskennwerte in den Tafeln 2 und 3 für verschiedene Betonzusammensetzungen und für verschiedene Beanspruchungsarten zusammengestellt.

Tafel 2 enthält diese Werte für Kiessandbetone (A, C, D, H und K) mit W/Z = 0.50 und mit verschiedenem Zuschlaggrößtkorn (50, 30, 15 und 7 mm), für Kiessandbeton mit Ausfallkörnung (D) und für Zementstein (T) mit W/Z = 0,50 und Gesteinsmehlzusatz. Die Längsstauchung war beim Zementstein am größten, da der Zementstein verformbarer ist als der Kiessandzuschlag. Bei den Betonen ergab sich jedoch kein systematischer Unterschied. Die Dehnung war beim Zementstein - abgesehen von der Biegezugfestigkeitsprüfung - bis zur kritischen Beanspruchung meist größer, danach aber in der Regel kleiner als bei den Kiessandbetonen. Besonders ausgeprägt war dieses Verhalten bei der Querdehnung des Druckversuches und bei der Dehnung des Spaltzugversuches. Betone mit kleinerem Größtkorn wiesen vermutlich wegen der geringeren Verzahnungsmöglichkeit und der größeren Zuschlagoberfläche (Haftfläche) geringere Dehnungen bei Höchstlast und im Bruchzustand auf. Je dicker die Zementsteinschichten sind, desto mehr wird sich das Verformungsverhalten des Betons dem des Zementsteins nähern. Allgemein ist iedoch anzumerken, daß Unstetigkeitsstellen im Bereich der Meßstelle die Ergebnisse erheblich verändern können. Das dürfte ganz besonders für die Dehnungen des Biegezug- und des Zugversuches gelten, da dabei im Zugbereich ein einachsiger Spannungszustand vorherrscht und die Größe der Dehnung beim Kurzzeitversuch vom Verhalten einer sehr eng begrenzten Stelle abhängig ist.

Tafel 3 enthält die entsprechenden Verformungswerte für Betone mit verschiedenen Zuschlägen (C, CQ, CK, CN) und mit verschiedenem W/Z-Wert (C, M) sowie mit und ohne Zusatz einer Kunstharzdispersion (C, CP). Die Änderung des W/Z-Wertes wirkte sich auf die Verformung des Betons vermutlich wegen der vergleichsweise dünnen Zementsteinschichten praktisch nicht aus. Beim Zementstein aber bewirkte eine Vergrößerung des W/Z-Wertes von 0.50 auf 0.70 auch eine deutliche Vergrößerung der Verformungen. Der Kunstharzzusatz führte im Bereich bis zur kritischen Beanspruchung meist zu geringfügig größeren Verformungen. Zum Einfluß der Zuschlagart war festzustellen, daß die Dehnungen bei Höchstlast und im Bruchzustand beim Beton mit Kalksteinsplitt im allgemeinen deutlich kleiner waren als beim Kiessandbeton sonst gleicher Zusammensetzung, daß sich aber der Beton mit Quarzitsplitt im großen und ganzen wie der Kiessandbeton verhielt. Der Beton mit Blähschieferzuschlag (Leichtbeton mit geschlossenem Gefüge) wies bis zur kritischen Beanspruchung stets die größte, im Bruchzustand aber stets die kleinste Verformung der Betone der Tafel 3 auf. Sein Verformungsverhalten näherte sich in der Tendenz dem des Zementsteins.

In Bild 10 sind als Beispiel Querdehnungswerte des Druckversuches für einige Betone mit unterschiedlichem Verformungs-

Tafel 2 Verformung verschieden zusammengesetzter Kiessandbetone mit W/Z = 0,50; Einfluß von Zementleimmenge und Zuschlaggrößtkorn

	Verformungsart	Gesamtverformung infolge Belastung in D von Beton								
Versuch		А	Ċ	D	н	к	T Zement- stein W/Z 0,50			
		Z 300 kg/m Sieblinie A/B 50	Z 300 kg/m Sieblinie A/B 30	Z 300 kg/m ³ Sieblinie U 30	Z = 360 kg/mª Sieblinie A/E 15	Z 360 kg/m+ Sieblinie A/B 7				
Druck	Lângsstauchung Ê2/3 n max Ê a max Ê max	933 2166 2573	971 2180 2442	786 1924 2490	858 1870 2248	952 2015 2402	1755 3692 4274			
Zylinder 15/30 cm	Querdehnung [‡] 2/3 amax [£] amax [£] max	190 2203 5240	218 2206 5730	183 1735 3548	424 1955 5440	208 1046 4922	432 1412 1637			
Biegezug Balken 15/15/70 cm	Drittelspunktbelastung £2/3¢max €amax ₽max	85 216 405	109 263 556	177 338 563	142 256 428	87 202 354	74 241 347			
	Zentrische Einzellast ^F 2/3 max ^F max E _{max}	85 206 420	115 284 620	133 233 442	124 247 405	106 200 337	66 202 333			
Spaltzug Zylinder 15/30 cm	ቻ 2/3 amax ^F a max ^F max	59 221 619	72 308 621	107 302 501	79 222 576	55 245 617	109 298 433			
Zug Zylinder 15/30 cm	& 2/3 σ max F σ max E max	55 187 361	56 156 332	61 197 368	71 157 274	66 148 234	77 128 141			

g Tafel 3 Verformung verschieden zusammengesetzter Betone; Einfluß von Zuschlagart, W/Z-Wert und Zusätzen

Versuch		Gesamtverformung infolge Belastung in µD von Beton								
		C	CP	co	СК	CN wie C, jedoch Blähschiefer- Zuschlag	M Z 256 kg/m W/Z 0,70 Kiessand Sieb linie A/B 30			
	Verformungsart	Z 300 kg/m ³ W/Z 0,50 Kiessand Sieb- linie A/B 30	wie C, jedoch Kunstharz- zusatz	wie C, jedoch Quarzit- splitt	wie C, jedoch Kalkstein- splitt					
Druck	Längsstauchung ⁸ 2/3 ແຫລະ ຮ _ິ ແກລນ ອີ max	971 2180 2442	1024 2106 2750	1086 2779 3102	775 2016 2344	1142 1972 -	759 1809 2700			
Zylinder 15/30 cm	Querdehnung &2/3 #max & #max & max	218 2206 5730	262 1470 5328	236 2504 4513	228 1924 4712	275 852 2518	143 1167 6728			
Biegezug	Drittelspunktbelastung ຂໍ2/3 ຜ max ຮໍ ສ max ຮໍ max	109 263 556	83 233 602	105 254 484	103 191 337	170 261 273	154 228 576			
15/15/70 cm	Zentrische Einzellast ⁸ 2/3 g max 8 g max 8 max	115 284 620	129 287 534	102 255 482	86 181 321	205 303 305	126 251 535			
Spaltzug Zylinder 15/30 cm	ε _{2/3σmax} ε _{σmax} ε _{max}	72 308 621	80 275 574	77 423 606	75 237 443	122 195 210	56 336 690			
Zug Zylinder 15/30 cm	8 2/3 σ max ៩ σ max ^៩ max	56 156 322	Ĩ.	52 176 354	54 130 278	110 190 206	53 158 352			



Bild 10 Querdehnung verschieden zusammengesetzter Betone mit W/Z = 0.50 beim Druckversuch

verhalten aufgetragen. Diese Darstellung macht deutlich, daß die auf die Werte bei Höchstlast bezogene Querdehnung von Zementstein und von Leichtbeton etwa gleich und bis zu einer Belastung von 80 % von omax deutlich größer war und auch mehr zunahm als die entsprechende Dehnung der beiden Kiessandbetone, von denen der Beton mit dem kleineren Größtkorn und dem höheren Zementoehalt die etwas größere Querdehnung aufwies. Die Krümmung der o-e-Linie für die Querdehnung nahm mit abnehmendem Zuschlaggrößtkorn und zunehmendem Zementgehalt ab; die σ-ε-Linie war beim Zementstein und beim Leichtbeton nur noch sehr schwach gekrümmt und annähernd geradlinig bis zur Höchstlast. Aus der Feststellung, daß die Krümmung der o-e-Linie mit abnehmendem Zuschlaggrößtkorn und zunehmendem Zementleimanteil abnimmt, kann gefolgert werden, daß mit dieser Änderung des Betons auch die Möglichkeit der inneren Spannungskonzentration und Rißbildung geringer wird und sich der bereits vorher erwähnte Punkt kritischer Beanspruchung (siehe Abschnitt 3.2) mehr zu omax hin verschiebt.

Die gleiche Tendenz zeigt auch Bild 11, bei dem die Volumenänderungen der Betonzylinder 15/30 cm, die aus der Längsstauchung und der Querdehnung des Druckversuches errechnet wurden, in Abhängigkeit von der Druckspannung für Betone verschiedener Zusammensetzung und für Zementstein aufgetragen wurden. In allen Fällen nahm das Volumen zunächst mit wachsender Druckspannung ab. Die Volumenabnahme war um so ausgeprägter, je geringer das Größtkorn und je größer die Zementleimmenge bzw. je maßgebender der Zementstein für die Verformung war, wie z. B. beim Leichtbeton (CN). Eine Volumenzunahme, die bei Beginn starker Rißbildung, d. h. bei der sog. kritischen Beanspruchung, zu erwarten ist (siehe Abschnitt 3.1), ergab sich beim Beton D (Ausfallkörnung) bei etwa 80 %, beim Beton C bei etwa 85 % und beim Beton H bei etwa 95 % von σ_{max} . Beim Leichtbeton (CN) und beim Zementstein (T) wurde





eine Volumenvergrößerung bis zur Höchstlast (σ_{max}) nicht festgestellt. Sie war auch nicht zu erwarten, weil das Auftreten von Makro-Rissen dabei in der Regel gleich zum Bruch führt und Makro-Risse daher vor Erreichen der Höchstlast praktisch nicht auftreten können.

4. Zusammenfassung

Aufgrund von Versuchsergebnissen und Überlegungen kann für die Verformung des Betons beim Kurzzeit-Belastungsversuch folgendes festgestellt werden:

4.1 Beim Kurzzeit-Belastungsversuch und bei schnelleren Belastungsvorgängen verhält sich Beton wie ein spröder Stoff. Die aus der Krümmung der σ-ε-Linie des Kurzzeit-Belastungsversuches erkennbare bleibende Verformung oberhalb der Gebrauchsbeanspruchung ist nicht auf ein Kriechen des Betons, sondern auf die Bildung von Rissen im Beton zurückzuführen.

4.2 Beim Kurzzeit-Belastungsversuch an üblichem Beton ergibt sich je nach Betonzusammensetzung und Beanspruchungsart bei 70 bis 90 % von σ_{max} durch eine starke Makro-Rißbildung im Beton ein Punkt kritischer Beanspruchung, der identisch ist mit der Dauerfestigkeit und einem stärkeren Abweichen der σ -E-Linie von der Linearität und bei dem der Bruch eingeleitet wird.

4.3 Art und Größe der im Einzelfall auftretenden Verformungen sind insbesondere von Art, Zusammensetzung, Festigkeit, Hydratations- und Feuchtigkeitszustand des Betons sowie von Art, Größe und Dauer der Beanspruchung abhängig.

4.4 Kiessandbeton üblicher Zusammensetzung wies beim Druckversuch eine Bruchlängsstauchung von 2,44 1/00 und eine Bruchquerdehnung von 5,73 %, bei den Biegezug- und Spaltzugversuchen eine Bruchdehnung von rd. 0,6 % und beim Zugversuch eine Bruchdehnung von 0,3 % auf. Die Verformungen beim Bruch erscheinen aber für die Beurteilung der Gebrauchseigenschaften weniger bedeutend, da dann das Betongefüge durch starke Makro-Rißbildung bereits sehr wesentlich verändert ist.

4.5 Für die Beurteilung der Gebrauchseigenschaften des Betons dürfte die Verformung bis zur kritischen Beanspruchung bedeutungsvoller sein. Sie betrug als Längsstauchung 46 %, als Querdehnung 6 %, als Spaltzugdehnung 12 % und als Biegezug- und Zugdehnung 21 bis 27 % der Bruchverformung.

4.6 Die Verformung im Bereich der Gebrauchsbeanspruchung machte bei allen Beanspruchungsarten nur einen Bruchteil der Bruchverformung aus.

4.7 Die Querdehnung beim Druckversuch war bis zur kritischen Beanspruchung deutlich kleiner, beim Bruch aber deutlich größer als die Längsstauchung. Sie war bis zur kritischen Beanspruchung rd. 2- bis 4mal so groß, bei Höchstlast und beim Bruch aber rd. 8- bis 16mal so groß wie die entsprechenden Dehnungen bei den anderen Beanspruchungsarten.

4.8 Die Dehnungen bei der Biegezugbeanspruchung waren praktisch unabhängig von der Lastanordnung und von den Balkenabmessungen. Sie waren rd. doppelt so groß wie die entsprechenden Dehnungen des Zugversuches.

4.9 Betone mit kleinerem Zuschlaggrößtkorn und höherem Zementgehalt wiesen im allgemeinen bis zur kritischen Beanspruchung größere, danach aber kleinere Dehnungen auf. Das Verformungsverhalten von Leichtbeton mit geschlossenem Gefüge war dem des Zementsteins sehr ähnlich.

SCHRIFTTUM

- [1] Bonzel, J.: Ober die neuere zemenl- und belonlechnische Entwicklung. belon 17 (1967) H. 6, S. 221/224, und H. 7, S. 263/276; ebenso Betonlechnische Berichte 1967, Beton-Verlag, Düsseldorf 1968, S. 63/83.
- [2] Rüsch, H.: Physikalische Fragen der Belonprüfung. Zement-Kalk-Gips 12 (1959) H. 1, S. 1/9.
- [3] Wischers, G.: Aufnahme von Druckkräften in Schwerbeton und in Leichtbeton. beton 17 (1967) H. 5, S. 183/186; ebenso Belontechnische Berichte 1967, Beton-Verlag, Düsseldorf 1968, S. 53/62.
- [4] Sasse, H. R.: Zum Problem des Bruchverhaltens belonähnlicher Zweistoffsysteme, Dissertation T. H. Aachen 1969.
- [5] Wischers, G., und M. Lusche: Einfluß der inneren Spannungsverteilung auf das Tragverhalten von druckbeanspruchtem Beton. Unveröffentlichter Vortrag auf der Zementtagung des Vereins Deutscher Zementwerke am 25. 9, 1969 in Wiesbaden.
- [6] Dantu, P.: Étude des contraintes dans les milieux hétérogènes. Application au bélon. Laboratoire Central des Ponts et Chaussées. Publications Nr. 57-6 (1957).
- [7] Bonzel, J., und V. Kadleček: Einfluß der Nachbehandlung und des Feuchtigkeitszustandes auf die Zugfestigkeit des Betons, beton 20 (1970) H. 7, S. 303/309, und H. 8, S. 347/352; ebenso Betontechnische Berichte 1970, Beton-Verlag, Düsseldorf 1971, S. 99/132.

- [8] Shah, S. P., und F. O. Slate: Internal micro-cracking, mortar-aggregate bond and the stress-strain-curve of concrete. Sonderdruck der International Conference on the Structure of Concrete, London 1965.
- [9] Jones, R.: Cracking and failure of concrete test specimen under unlaxial quasi-static loading. Sonderdruck der International Conference on the Structure of Concrete, London 1965.
- [10] Shah, S. P., und S. Chandra: Critical stress, volume change and microcracking of concrete. Proc. Amer. Concr. Inst. 65 (1968) H. 9, S. 770/781.
- [11] Mc. Crealh, D. R., J. B. Newman und K. Newman: The influence of aggregate particles on the local strain distribution and fracture mechanism of cement paste during drying shrinkage and loading to failure. Matériaux et Constructions (RILEM) 2 (1969) Nr. 7, S. 73/85.